

I) Soit $(O; \vec{i}, \vec{j})$ un repère orthonormé du plan. On considère les points $A(-2;3)$, $B(2;1)$ et $C(-5;-1)$.

D est le point défini par la relation vectorielle : $\overrightarrow{CD} = 2 \overrightarrow{AB}$.

On note I et J les milieux respectifs des segments $[AB]$ et $[CD]$.

- 1) Faire une figure qui sera complétée au fur et à mesure de l'exercice.
- 2) Quelle est la nature du quadrilatère $ABDC$? Justifier.
- 3) Calculer les coordonnées des points D , I et J .
- 4) Déterminer les coordonnées du point E , intersection des droites (AC) et (BD) . Justifier !
- 5) Démontrer que le point E appartient à la droite (IJ) .

II) Une machine à café propose de nombreuses boissons. Chaque semaine, 38% des boissons distribuées sont des cafés. On considérera que la fréquence théorique qui correspond au choix « café » est de 0,38.

Le vendeur change de marque de café et il constate une baisse de la demande : 31% seulement de café vendu pendant la semaine qui suit le changement sur un total de 400 boissons vendues.

Le vendeur doit-il remettre en cause sa nouvelle marque de café ?

III) Une machine pour s'entraîner au tennis doit, lorsqu'elle est bien réglée, envoyer 15 balles par minute.

On a compté sur une heure, par tranches d'une minute, le nombre de balles envoyées et on a obtenu le tableau suivant :

| | | | | | | | | | | |
|---------------------------------|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| Nombre de balles par minute | 10 | 11 | 12 | 13 | 14 | 15 | 16 | 17 | 18 | 19 |
| Nombre de tranches d'une minute | 2 | 5 | 8 | 5 | 12 | 6 | 10 | 8 | 3 | 1 |

- 1) Calculer les effectifs cumulés croissants de cette série statistique.
- 2) Calculer la moyenne, la médiane, le premier et le troisième quartile de cette série statistique.

IV) $ABCD$ est un carré. E et F sont les milieux respectifs des côtés $[AB]$ et $[AD]$. I est le point d'intersection des droites (BF) et (EC) . Le but de l'exercice est de déterminer le réel k tel que $\overrightarrow{BI} = k \overrightarrow{BF}$.

On se propose de travailler dans le repère $(D; \overrightarrow{DC}, \overrightarrow{DA})$.

- 1) Déterminer les coordonnées des points A , B , C , D , E et F . Justifier.
- 2) Calculer les coordonnées du vecteur \overrightarrow{BF} .
- 3) Exprimer les coordonnées du vecteur \overrightarrow{BI} en fonction de k .
- 4) Exprimer les coordonnées du point I en fonction de k .
- 5) Utiliser l'alignement des points E , I et C pour calculer k .

IV) On considère la fonction g définie sur \mathbb{R} par $g(x) = 2x^2 - 4x + 2$

et la fonction h définie sur $\mathbb{R} - \{-1\}$ par $h(x) = \frac{3x-3}{x+1}$.

- 1) Montrer que, pour tout x appartenant à \mathbb{R} , $g(x) = 2(x-1)^2$.
- 2) Montrer que, pour tout x appartenant à $\mathbb{R} - \{-1\}$, $h(x) = 3 - \frac{6}{(x+1)}$.
- 3) Étudier les variations de g .
- 4) Étudier les variations de h .

5) Soit f la fonction définie sur \mathbb{R} par : $f(x) = \begin{cases} g(x) & \text{sur }]-\infty; 1] \\ h(x) & \text{sur } [1; +\infty[\end{cases}$.

Dresser sans justifier son tableau de variations

6) En vous appuyant sur les variations de f , justifier que f admet un minimum sur \mathbb{R} que l'on précisera.

7) Soit $(O; \vec{i}, \vec{j})$ un repère orthonormé du plan qui a pour unité 1cm.

Tracer dans ce repère les droites d'équation $y=3$ et $x=-1$ puis les courbes C_g , C_h et C_f .

8) Résoudre sur \mathbb{R} , graphiquement puis par le calcul, l'inéquation : $f(x) \leq 2$.