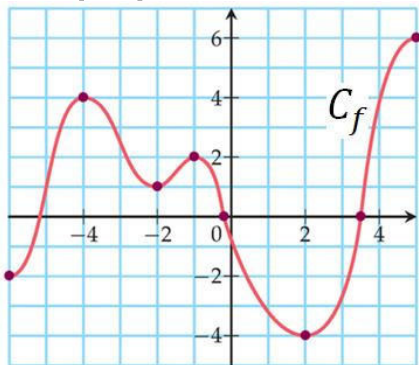


Exercice 1 : QCM : (2,5 points)

Pour chacune des questions suivantes, **entourer** la (ou les) lettre(s) des bonnes réponses sur le sujet.

Pour les questions 1 à 5, on considère C_f , la courbe représentative d'une fonction f définie sur $[-6; 5]$.



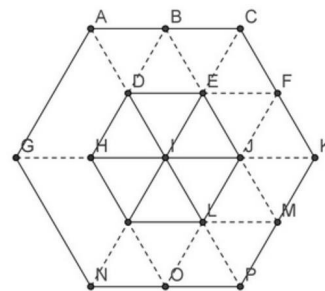
- Sur $[-6; 0]$, le minimum de f est :
a) 2 | b) -4 | c) -2 | d) -6
- La fonction f est strictement croissante sur :
a) $[0; 5]$ | b) $[-2; -1]$ | c) $[2; 5]$ | d) $[-4; 6]$
- Le tableau de variations de f est :
a)

x	-6	-4	-2	-1	2	5
Variations de f		↗ 4	↘ 1	↗ 2	↘ 4	↗ 6

x	-6	-4	-2	-1	3,5	5
Variations de f		↗ 4	↘ 1	↗ 2	↘ 0	↗ 6

- Sur $[-6; 0]$, l'équation $(E_1): f(x) = 1$ admet :
a) -2 pour solution | b) exactement 2 solutions | c) exactement 3 solutions
- Sur $[-6; 5]$, l'ensemble solution de l'inéquation $(I_1): f(x) \leq -4$ est :
a) $[4; 6]$ | b) $[-6; -4]$ | c) $\{2\}$ | d) D_f

Pour les questions 6 à 10, on considère la figure suivante réalisée à l'aide de triangles équilatéraux :



- Dans le repère $(N; \overrightarrow{NO}; \overrightarrow{NI})$,
a) $\overrightarrow{IJ} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \end{pmatrix}$ | b) $J(1; 2)$ | c) $\overrightarrow{IJ} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$ | d) $J(1; 1)$
- Les vecteurs \overrightarrow{DI} et \overrightarrow{KF} sont :
a) Opposés | b) parallèles | c) colinéaires
- Dans le repère $(E; \overrightarrow{ON}; \overrightarrow{EI})$,
a) $A(2; -1)$ | b) $D(1; 0)$ | c) $M(2; 2)$ | d) $M(-2; 2)$
- Le vecteur \overrightarrow{EJ} est égal à :
a) $\overrightarrow{DH} + \overrightarrow{IJ}$ | b) $\overrightarrow{DH} + \overrightarrow{IL}$ | c) \overrightarrow{JM} | d) \overrightarrow{LI}
- Dans le repère $(A; \overrightarrow{AD}; \overrightarrow{AB})$,
a) $C(2; 0)$ | b) $C(0; 2)$ | c) $\overrightarrow{ML} \begin{pmatrix} 0 \\ -1 \end{pmatrix}$ | d) $\overrightarrow{IJ} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$

Exercice 2 : Application directe du cours : (2 points)

Dans un repère $(O; \vec{i}, \vec{j})$, on considère les trois points suivants :

$$B\left(-3; -\frac{1}{3}\right); C(-1; 2) \text{ et } G\left(-5; \frac{1}{2}\right).$$

- Calculer les coordonnées de F tel que : $\overrightarrow{FG} = 2\overrightarrow{FC}$
- Démontrer que (BC) et (OF) sont parallèles.

Page 1 sur 2

Exercice 3 : (2,25 points)

Voici le tableau de variation d'une fonction f .

x	-9	-2	0	1	3	$+\infty$
$\text{var } f$	-3	↘	-5	↗ -1	4	↘ -1

- Déterminer, sans justifier, le domaine de définition de f noté D_f .
- La fonction f admet-elle un minimum sur D_f ? Si oui, déterminer sa valeur.
- Donner un encadrement de l'image de x par f lorsque x appartient à l'intervalle $[-9; 1]$? Justifier.
- Résoudre, sans justifier, sur D_f l'inéquation $f(x) \leq -1$.

Exercice 4 : (9,5 points)

Soit la fonction $f: x \mapsto \frac{4-x^2}{x^2+2}$. C_f est la courbe représentative de cette fonction f .

- Déterminer son domaine de définition D_f .
- Montrer que, pour tout x de \mathbb{R} , $f(x) = \frac{6}{x^2+2} - 1$.
- Montrer que f admet 2 pour maximum sur \mathbb{R} .
- Etudier les variations de f sur $]-\infty; 0]$ puis sur $[0; +\infty[$. Dresser son tableau de variations.
- Etudier le signe de f sur \mathbb{R} .
- Dresser un tableau de valeurs sur $[-10; 10]$ avec un pas de 2. On donnera des arrondis au centième.
- Sur papier millimétré, tracer C_f dans un repère orthogonal en prenant comme unité 1cm sur l'axe des abscisses et 4cm sur l'axe des ordonnées.
- On considère l'équation $(E): f(x) = -\frac{1}{2}$.
a) Résoudre graphiquement sur \mathbb{R} , l'équation (E).
b) Résoudre algébriquement sur \mathbb{R} , l'équation (E).
- On considère l'inéquation $(I): f(x) < x^2$.
a) Sur le même graphique, tracer la courbe représentative C_g de la fonction $g: x \mapsto x^2$. Il n'est pas demandé de tracer le tableau de valeurs.
b) Résoudre graphiquement sur \mathbb{R} , l'inéquation (I).
c) Montrer que pour tout x réel, $x^4 + 3x^2 - 4 = (x^2 - 1)(x^2 + 4)$
d) Résoudre algébriquement sur \mathbb{R} , l'inéquation (I).

Exercice 5 : (3,75 points)

Soient e, f, i, j, k et l , six réels. Dans un repère orthonormé $(O; \vec{i}, \vec{j})$, on considère les points $A(e; f)$, $B(i; j)$, $C(k; l)$. Les valeurs des réels e, f, i, j, k et l sont telles que les points A, B et C sont deux à deux distincts.

On considère l'algorithme suivant (dont le but est de déterminer la nature précise d'un quadrilatère) :

```

Variables : e, f, i, j, k, l, t, u, M, N, P
Entrée des données :
Saisir les coordonnées de A : e, f
Saisir les coordonnées de B : i, j
Saisir les coordonnées de C : k, l
Traitement des données et sortie :
t prend la valeur i - e + k
u prend la valeur j - f + l
Afficher D est le point de coordonnées (t ; u)
Afficher ..... est un parallélogramme.
M prend la valeur sqrt((i - e)^2 + (j - f)^2)
N prend la valeur sqrt((k - e)^2 + (l - f)^2)
P prend la valeur sqrt((i - k)^2 + (j - l)^2)
Si M ≠ N
    Alors
        Si M^2 + N^2 = P^2
            Alors afficher .....
        Fin du Si
    Sinon
        Si M^2 + N^2 = P^2
            Alors afficher .....
        Sinon afficher .....
    Fin du Si
Fin du Si

```

- Que représentent les variables M, N et P dans cet algorithme ?
- La question 3 peut aider à répondre à la question 2 grâce à l'étude de deux cas.
- Compléter, sur le sujet, les quatre parties pointillées de l'algorithme ?
- Pour chacun des cas, il est demandé de tracer un repère (un différent par cas), de placer les points A, B, C et D, de déterminer les valeurs de M, N et P et enfin, de conclure sur ce que le programme renvoie.
a) $e = 1; f = 1; i = 7; j = 5; k = -1$ et $l = 4$.
b) $e = 1; f = -6; i = -1; j = -2; k = -3$ et $l = -4$.

Page 2 sur 2