

I) On a représenté ci-contre les trois fonctions f , g et h définies sur \mathbb{R}

par : $f(x) = x^2$ $g(x) = x^3 - 2x$ $h(x) = \frac{1}{2}x$

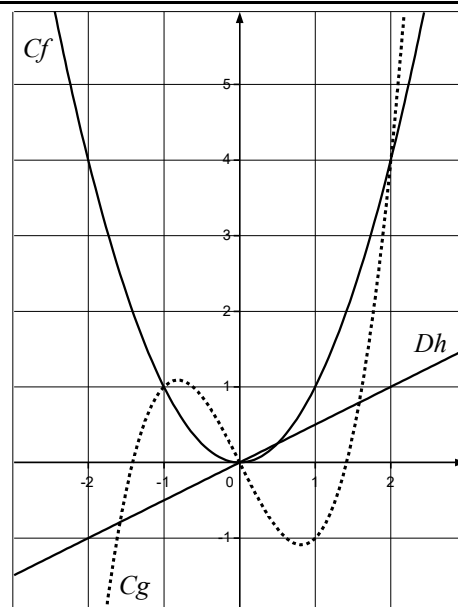
1) Résoudre algébriquement, puis graphiquement :

$(I_1): f(x) > h(x)$

$(I_2): f(x) \leq g(x)$

$(E_1): g(x) = 0$

2) Dédire de la courbe C_f un encadrement de $f(x)$ pour $x \in]-2; 1[$.
(Il n'est pas demandé de justifier)



II) Soit un quadrilatère $MONP$ tel que, pour tout point A du plan, on ait : $\overrightarrow{AM} + \overrightarrow{AN} - \overrightarrow{AO} - \overrightarrow{AP} = \vec{0}$.

1) Montrer que : $\overrightarrow{PM} + \overrightarrow{ON} = \vec{0}$.

2) En déduire la nature de $MONP$.

(Il n'est pas demandé de faire une figure)

III) Soit un parallélogramme $ABCD$, O le milieu de $[AB]$ et E le point du segment $[OD]$ tel que $\overrightarrow{OE} = \frac{1}{3} \overrightarrow{OD}$.

1) Montrer que : $\overrightarrow{AC} = 3\overrightarrow{AO} + \overrightarrow{OD}$.

2) De même exprimer \overrightarrow{AE} en fonction de \overrightarrow{AO} et \overrightarrow{OD} .

3) En déduire que les points A , E et C sont alignés.

IV) Soit les expressions suivantes :

$$A(x) = 2(3x - 2)(2x^2 - x - 1)$$

$$B(x) = 4(1 + 2x) - 2x^3 - x^2$$

$$C(x) = -5(x - 1)^2 - 10x + 25$$

1) a) Factoriser $2x^2 - x - 1$

b) Factoriser $B(x)$

c) Résoudre dans \mathbb{R} : $(I_1): A(x) < B(x)$

2) a) Développer puis factoriser $C(x)$

b) Résoudre dans \mathbb{R} : $(E_1): B(x) = C(x)$

c) Résoudre dans \mathbb{R} : $(I_2): \frac{5B(x)}{C(x)} \geq \frac{-2x^2}{2-x}$